Le calcul en ligne au cycle 3

Circonscription de Luxeuil les Bains Décembre 2016



Direction des services départementaux de l'Éducation nationale Haute-Saône









Introduction

Les documents ressources

Nombres et calculs

- <u>Le calcul aux cycles 2 et 3</u>
- 👱 Le calcul en ligne au cycle 3
- Eractions et nombres décimaux au cycle 3

Grandeurs et mesures

Espace et géométrie

- Espace et géométrie au cycle 3
- 🖢 Initiation à la programmation aux cycles 2 et 3

La proportionnalité, champ d'étude commun aux trois thèmes des programmes

•

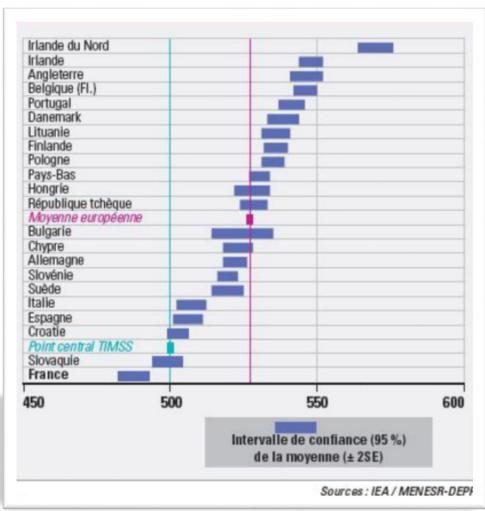
Résoudre des problèmes de proportionnalité au cycle 3

[dossier complet]



Introduction

Trends in International Mathematics and Science Study (TIMSS)



« Il n'y a pas d'échec il n'y a que de l'information »

Nicholas Boothman



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Déroulement de l'intervention



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

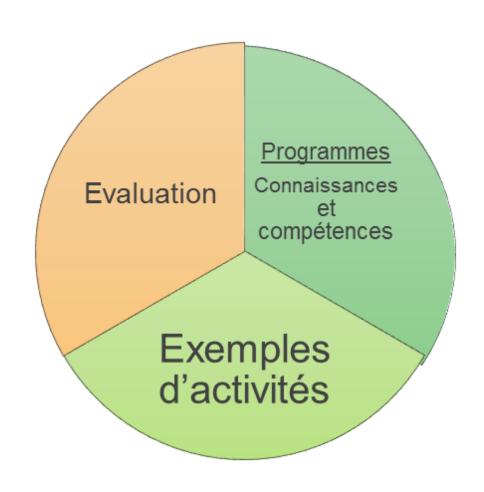
La démarche Textes de savoir

Conclusion

Le nouveau programme

2 grands changements:

- Nouveaux cycles
- Des programmes soclés, curriculaires
- les langages pour penser et communiquer
- les méthodes et outils pour apprendre
- la formation de la personne et du citoyen
- les systèmes naturels et les systèmes techniques
- les représentations du monde et l'activité humaine





Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Structuration:

Organisé en 3 parties complémentaires :

- le volet 1 présente les principaux enjeux et objectifs de formation du cycle
- le volet 2 rassemble les contributions des champs disciplinaires ou disciplines à l'acquisition du socle commun
- le volet 3 précise, par champ disciplinaire ou discipline :
 - les niveaux de maîtrise attendus à la fin du cycle,
 - les compétences et les connaissances à acquérir et mobiliser,
 - des pistes de méthodes, de démarches et d'outils
 - des repères de progressivité
 - croisements entre enseignements



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Le programme de mathématiques

Il est composé de 3 thèmes d'étude :

- Nombres et calculs
- Grandeurs et mesures (place centrale)
- Espace et géométrie

Résolution de problème, organisation et gestion de données et proportionnalité sont transversales aux 3 thèmes



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Qu'est-ce que, pour vous, faire des mathématiques ?



Mise en situation

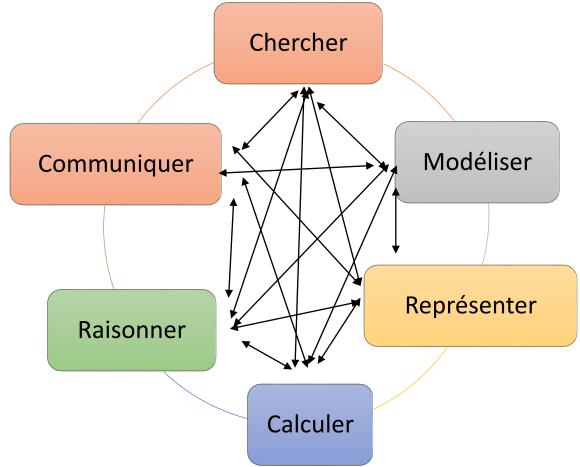
Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Les 6 compétences





Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Quelles compétences sont mobilisées dans ces trois situations?



Après avoir choisi un modèle d'enveloppe, donne un programme de construction à l'écrit ou à l'oral pour qu'un de tes camarades puissent la fabriquer sans la voir.

CHERCHER MODELISER CALCULER RAISONNER COMMUNIQUER REPRESENTER

Pose et effectue : 3 435 x 2,6



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Le calcul en ligne permet de :

- Justifier et communiquer sa procédure
- Chercher une façon d'obtenir un résultat
- Calculer rapidement
- Raisonner sur les nombres
- Représenter les nombres de différentes manières
- Eviter la surcharge cognitive



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Points de vigilance

• La place centrale de la résolution de problèmes est réaffirmée

• Tenir compte de la progressivité des apprentissages :

Ne pas introduire certaines techniques ou connaissances trop tôt avant que certaines notions soient correctement installées (techniques opératoires)

Introduire certaines notions suffisamment tôt dans le cycle pour qu'elles puissent effectivement être maîtrisées au niveau attendu en fin de cycle (nombres décimaux)



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Nouveautés

Une place renforcée du calcul en ligne

La composante écrite de l'activité mathématique devient essentielle : des écritures et des représentations produites en situation par les élèves eux-mêmes qui évolueront progressivement vers des formes conventionnelles



Mise en situation

Calculs ?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Nouveautés

Une activité langagière orale tout aussi essentielle :

- reposant sur une syntaxe et un lexique adapté
- pour accompagner l'écrit
- pour favoriser les échanges d'arguments entre les élèves

Initiation à la programmation aux cycles 2 et 3



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Nouveautés

Importance soulignée de la demi-droite graduée, qui permet de construire des images mentales en lien avec la notion de longueur et d'instiller la notion de continuité.

Rappel de l'importance des opérations posées tout en n'en faisant pas un préalable à l'introduction des opérations mathématiques

On observe **un décalage** dans leur introduction par rapport au programme de 2008



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

	2008	2015
СР	Produire et reconnaître les décompositions additives des nombres inférieurs à 20 ("table d'addition"). Calculer mentalement des sommes et des différences. Connaître et utiliser les techniques opératoires de l'addition et commencer à utiliser celles de la soustraction (sur les nombres inférieurs à 100).	Au CP, les élèves commencent à résoudre des problèmes additifs et soustractifs progressivement mémoriser des faits numériques : décompositions/recompositions additives dès début de cycle (dont les tables d'addition) développer des procédures de calcul adaptées aux nombres en jeu pour les additions au CP Au CP, les élèves apprennent a poser les additions en colonnes avec des nombres de deux chiffres.
CE1	Connaître et utiliser des procédures de calcul mental pour calculer des sommes, des différences Calculer en ligne des suites d'opérations. Connaître et utiliser les techniques opératoires de l'addition et de la soustraction (sur les nombres inférieurs à 1 000).	Au CE1, ils consolident la maitrise de l'addition avec des nombres plus grands et avec des nombres de taille différente ; ils apprennent une technique de calcul posé pour la soustraction.
CE2		Au CE2, ils consolident la maitrise de la soustraction



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

		2008	2015
C2	СР	Connaître la table de multiplication par 2.	
	CE1	Connaître les doubles et moitiés de nombres d'usage courant. Mémoriser les tables de multiplication par 2, 3, 4 et 5. Connaître et utiliser des procédures de calcul mental pour calculer des produits. Connaître une technique opératoire de la multiplication et l'utiliser pour effectuer des multiplications par un nombre à un chiffre. Diviser par 2 ou 5 des nombres inférieurs à 100 (quotient exact entier).	résoudre [] des problèmes multiplicatifs dans la suite du cycle. L'étude de la division [] est initiée au cours du cycle 2 dans des situations simples de partage ou de groupement. progressivement mémoriser des faits numériques décompositions/recompositions [] multiplicatives dans la suite du cycle (dont les tables de multiplication)
	CE2	Effectuer un calcul posé : multiplication Connaître une technique opératoire de la division et la mettre en œuvre avec un diviseur à un chiffre.	Au CE2, [] ils apprennent une technique de calcul posé pour la multiplication, tout d'abord en multipliant un nombre à deux chiffres par un nombre à un chiffre puis avec des nombres plus grands.



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

		2008	2015
СЗ	CM1	Multiplication d'un nombre décimal par un nombre entier. Division euclidienne de deux entiers. Division décimale de deux entiers.	division euclidienne dès le début de cycle,
	CM2	Division d'un nombre décimal par un nombre entier. multiplication de deux nombres entiers ou décimaux.	multiplication d'un nombre décimal par un nombre entier au CM2, division de deux nombres entiers avec quotient décimal, division d'un nombre décimal par un nombre entier à partir du CM2.
	6	Connaître les tables de multiplication et les résultats qui en dérivent. Savoir effectuer les quatre opérations sous les diverses formes de calcul	Multiplication [] de deux nombres décimaux en 6°



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Points de vigilance

Le calcul mental reste un point fort avec une pratique quotidienne en cycle 2 comme en cycle 3.

Un juste équilibre est nécessaire entre :

- un temps effectif de pratique du calcul et
- l'explicitation des procédures.



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Points de vigilance

Les nombres décimaux sont introduits dès le début du cycle, à partir de leur écriture sous forme de fraction(s) décimale(s). L'écriture avec la virgule apparaît dans un second temps.

Par convention 17+ 510 + 8100+ 31000 s'écrit 17,583.

Le calcul mental doit aussi se pratiquer sur des fractions simples et des nombres décimaux.



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Calcul mental, calcul en ligne

«deux tiers de douze œufs»

«trois quarts de cent euros»

«trois cinquièmes de cinquante mètres»,

«sept quarts d'heure»

« vingt-quatre dixièmes de mètre»



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

« Nous allons vous proposer différents calculs que vous devrez effectuer. Ces calculs seront dictés ou projetés. Votre travail consiste à :

- 1- Effectuer les calculs proposés
- 2- Noter le résultat trouvé
- 3- Cocher la case correspondante au travail accompli

Vous avez une feuille de brouillon et un crayon. »



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

6 x 15



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

66 x 15



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

1236 + 67



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

182:7



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Sans utiliser l'algorithme posé de la multiplication, calculer 784 x 11



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

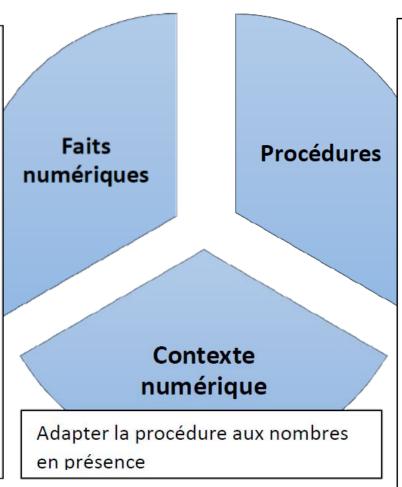
La démarche Textes de savoir

Conclusion

Les 3 composantes du calcul mental et en ligne

- Tables d'addition
- Tables de multiplication
- Double moitié
- Quadruple quart
- Triple -tiers
- Relations entre 5-10-15-20-25-50-100 et 15-30-60
- Multiples de 5-10-15-20-25-50-100

-....



- -Décomposition canonique
- -Décomposition additive
- -Décomposition soustractive
- -Décomposition multiplicative
- -Estimation de grandeur
- -Distributivité
- -Associativité
- -Commutativité
- -Complément à la dizaine, centaine, ...
- -Multiplier par 10, 100, 1 000
- -Diviser par 10, 100, 1 000
- -Ajouter/Soustraire 10, 100,
- 1 000 et leurs multiples
- Ajouter 9
- -...



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Faits ou procédures numériques ?

$$5 \times 2 =$$

$$10 - 5 =$$

$$56 - 29 =$$

$$45 + 27 =$$

$$65 + 38 =$$

$$25 + 9 =$$



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Vous avez dit calculs?

Calcul Calcul mental posé Calcul Calcul instrum en ligne -enté



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Calcul posé

Le calcul posé est une modalité de calcul écrit consistant à l'application d'un algorithme opératoire (par exemple celui de la multiplication entre nombres décimaux).

Calcul instrumenté

Le calcul instrumenté est un calcul effectué à l'aide d'un ou plusieurs instruments, appareils, ou logiciels (abaque, boulier, calculatrice, tableur, etc.).



Mise en situation

Calculs ?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Calcul mental

Le calcul mental est une modalité de calcul sans recours à l'écrit

- si ce n'est pour l'énoncé proposé par l'enseignant,
- la réponse fournie par l'élève,
- ou la correction.



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Calcul en ligne

Le calcul en ligne est une modalité de calcul écrit ou partiellement écrit. Il se distingue à la fois :

- du calcul mental, en donnant la possibilité à chaque élève, s'il en ressent le besoin, d'écrire
- des étapes de calcul intermédiaires qui seraient trop lourdes à garder en mémoire ;
- du calcul posé, dans le sens où il **ne consiste pas en la mise en œuvre d'un algorithme**, c'est-à-dire d'une succession d'étapes utilisées tout le temps dans le même ordre et de la même manière indépendamment des nombres en jeu.



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

La place consacrée au calcul mental et en ligne dans les temps d'apprentissage et d'entrainement > au calcul posé.

Les différentes formes de calcul sont travaillées :

- dans la résolution de problème
- pour elles-mêmes dans des temps spécifiques



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

$$4926 \times 3 = 3 \times 6 = 18 + 3 \times 20 = 60 + 900 \times 3 = 1278$$

Quelles propriétés des nombres et des opérations sont mises en jeu ?



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Les propriétés des opérations

- La commutativité
- L'associativité
- La distributivité
- L'élément neutre
- L'élément absorbant



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

	ADDITION	MULTIPLICATION	SOUSTRACTION	DIVISION
Commutative	Oui	Oui	Non	Non
	a + b = b + a	a x b = b x a	a - b ≠ b - a	a÷b≠b÷a
Associative	Oui	Oui	Non	Non
	(a + b) + c = a + (b + c)	$(a \times b) \times c = a \times (b \times c)$	(a - b) - c ≠ a - (b - c)	$(a \div b) \div c \neq a \div (b \div c)$
Distributive	Non	Oui sur l'addition	Non	Oui sur l'addition
		a x (b + c) = a x b + a x c		(b + c) ÷ a = b ÷ a + c ÷ a
		Oui sur la soustraction		Oui sur la soustraction
		a x (b - c) = a x b - a x c		(b - c) ÷ a = b ÷ a - c ÷ a
Elément	Oui: 0	Oui : 1	Non	Non
neutre	a + 0 = 0 + a = a	a x 1 = 1 x a = a	a - 0 ≠ 0 - a	b ÷ 1 ≠ 1 ÷ b
Elément	Non	Oui: 0	Non	Non
absorbant		a x 0 = 0 x a = 0		



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

La démarche





Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Le calcul en ligne est travaillé :

en complément du calcul mental, pour faciliter l'apprentissage des démarches et la mémorisation des propriétés des nombres et des opérations pour permettre d'effectuer, sans recours à un algorithme de calcul posé, des calculs trop complexes pour être intégralement traités mentalement.

$$58 + 17 = 58 + 20 - 3 = 78 - 3 = 75$$
,

ou
$$12 \times 62 = 620 + 124 = 744$$
.



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Découverte de procédures de calcul, explicitation de ces savoirs visant l'élaboration d'une trace écrite

Etape 1

Etape 2

Appropriation et entrainement régulier en vue de rendre les procédures disponibles pour l'élève

Réinvestissement régulier

Etape 3

Etape 4

Evaluation



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Etape 1

Pour chacune des trois années du cycle 3, il est important d'établir une **programmation** des apprentissages en calcul mental et en ligne.

Exemple de procédure: multiplier un nombre à 3 chiffres par un nombre à 1 chiffre (234 x 6) en décomposant de manière additive un des facteurs (200 + 30 + 4) puis en distribuant le second facteur (6x200 + 6x30 + 6x4).



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Textes de savoir

Garder une trace de ce qu'il a appris en calcul (mental, en ligne, ...) :

- ses productions; ces traces sont accessibles dans un cahier;
- un écrit explicitant une stratégie de calcul à retenir ;
- synthèse d'un temps de travail.
- pour être accessibles à l'élève, ces deux derniers types d'écrits sont répertoriés dans un document dédié;
- ils peuvent aussi faire l'objet d'affichages dans la classe.
- L'utilisation d'exemples génériques, où les nombres peuvent être remplacés par d'autres pour traiter d'autres calculs, a toute sa place dans les écrits de synthèse et peut être plus claire qu'une longue phrase explicative pour certains élèves.

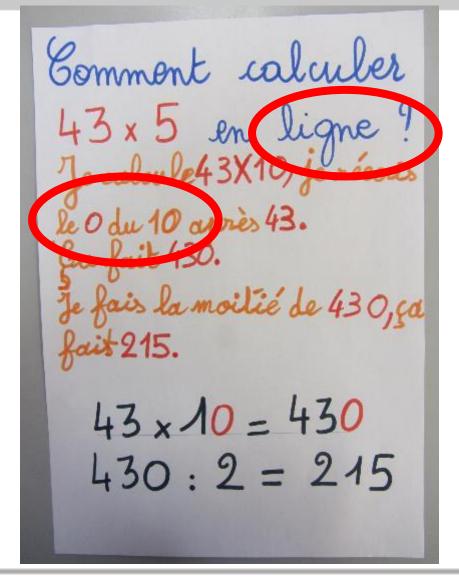


Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir





Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion



Eric Rousseau @IEN_ALB - 21 oct.

@VuEnInspection Pr ne pas encombrer les murs de la classe : un dictionnaire de fiches outils... sur penderie #gilly



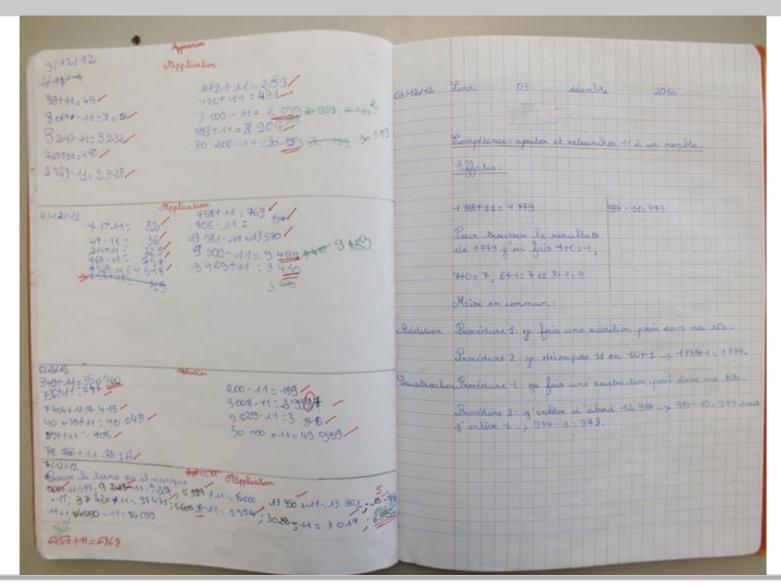


Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir





Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Etape 2

Les situations proposées portent de **façon massée** sur l'utilisation d'une **procédure** par des **activités quotidiennes** (environ quinze minutes) qui mêlent calcul mental et calcul en ligne pour en favoriser **l'appropriation.**

Par exemple pour 234 x 6 il est nécessaire de travailler :

La mémorisation de **faits numériques** (tables de x en calcul mental) La mise en œuvre de la **procédure** (calcul mental / en ligne)



ST.

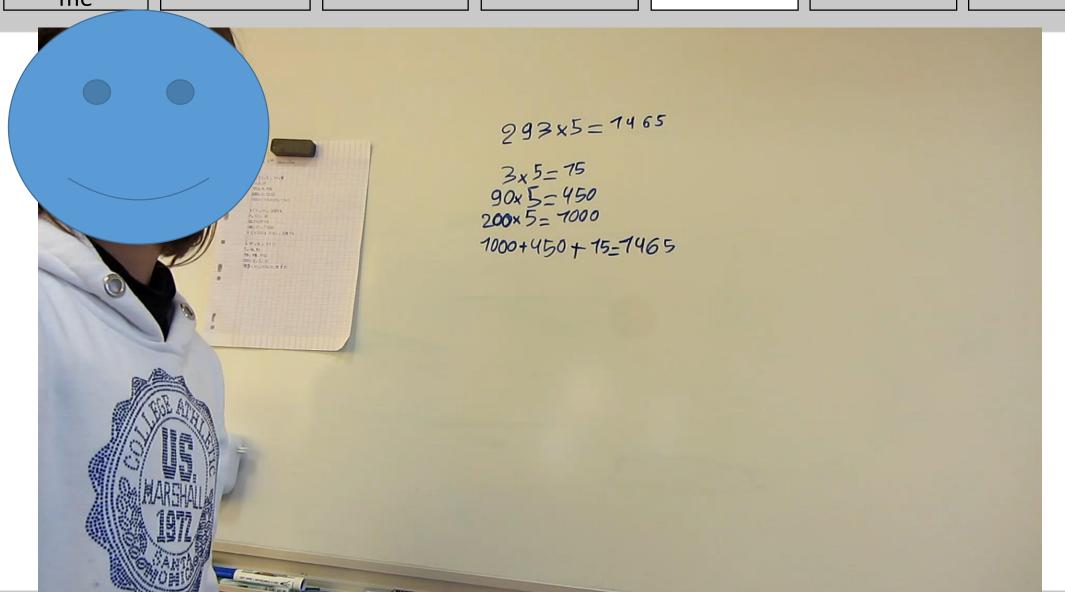
Le programme

Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir



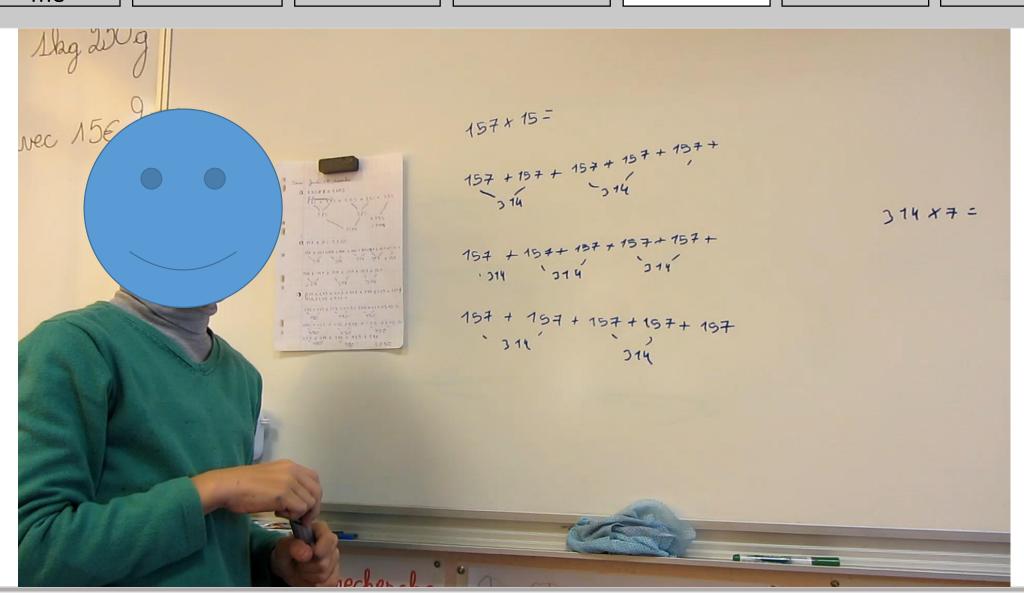


Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir



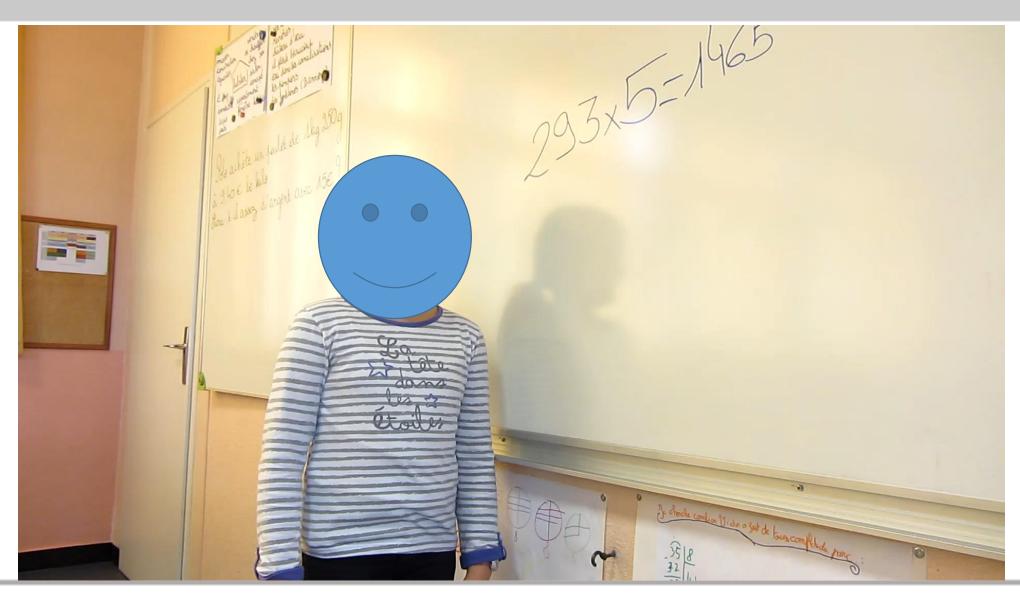


Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir





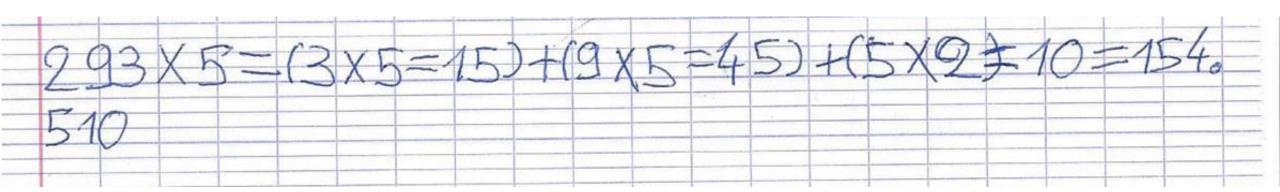
Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion



Importance de l'oral:

5 fois 3 unités = 15 unités

5 fois 9 dizaines = 45 dizaines = 450 unités

5 fois 2 centaines = 10 centaines = 1 000 unités



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Etape 3

Les situations proposées portent de **façon filée** sur une variété de procédures pour en favoriser le **réinvestissement** par des **activités quotidiennes de courte durée** (environ quinze minutes) qui mêlent calcul mental et calcul en ligne

345 x 7 : mettre en œuvre la procédure vue précédemment

120 x 5 : mettre en œuvre une autre procédure (x 10 puis : 2)

534 x 2 : calculer le double

Etc.

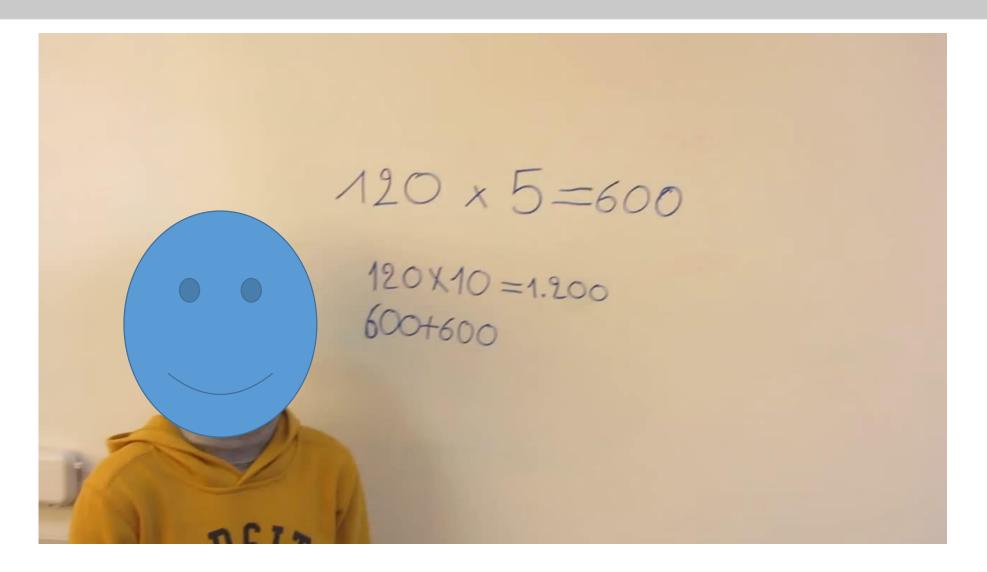


Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir





Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Etape 2 et 3

L'automatisation de ces stratégies n'a toutefois pas lieu d'être visée au même moment pour tous. Pour permettre à chacun d'eux de progresser dans la gestion mentale des calculs travaillés et rendre disponibles les stratégies de calcul, il peut être pertinent de limiter le nombre d'étapes écrites pour les élèves les plus à l'aise.



Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Statut du signe =

Le signe « = » ne lie pas des nombres égaux. Cette écriture du calcul est à considérer comme **un écrit transitoire**. Elle ne doit pas être proposée au tableau, mais ne doit pas non plus être sanctionnée ; la démarche de l'élève est correcte, c'est l'utilisation du symbole de l'égalité qui ne l'est pas.



Mise en situation

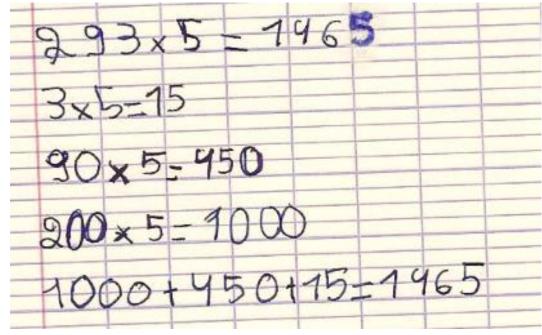
Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Statut du signe =



On tend progressivement vers un calcul **organisé en une seule ligne**, utilisant si nécessaire des parenthèses.

La capacité à écrire de telles expressions numériques prépare les attendus du cycle 4 liés à la production d'expressions littérales et à la mise en équation de problèmes.



Mise en situation

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

La construction de « procédures personnelles » est la combinaison :

Calculs?

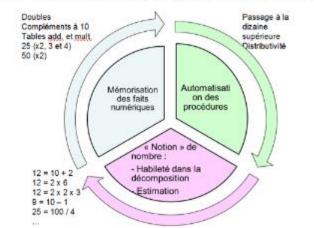
de procédures apprises (des automatismes),

d'une mémoire réactive des faits numériques (connaissances immédiatement disponibles),

d'une habileté à utiliser une décomposition pertinente des nombres,

de la capacité à s'adapter aux nombres en présence (l'initiative).

Les 3 composantes du calcul mental et en ligne





Mise en situation

Calculs?

Propriétés

La démarche Textes de savoir

Conclusion

Conclusion

Etre expert, c'est **choisir** une procédure personnelle. C'est une initiative, un choix.

C'est être capable <u>de choisir parmi les procédures apprises</u> celle qui est la plus adaptée aux singularités <u>des nombres en présence</u>.



Ressources





Les quantités nombrables

Ci-dessous, vous trouverez des problèmes que vous pourrez adapter. Pour chacun d'entre-eux, une à plusieurs propositions d'énoncés à choisir selon le niveau des élèves et les notions que vous souhaitez travailler.

Les roues de voiture

















Ressources



- 1 214 places sont occupées. combien reste-t-il de places vides ?
- 2 Il y a 123 places vides, combien sont occupées ?



Ressources



- 1 Exprime sous la forme d'une multiplication le nombre de points blancs dessinés sur le panneau.
- 2 Calcule le nombre de points dessinés sur le tableau en écrivant une opération.